

Häufig angewandte Testverfahren, α vorgegeben

(Hypothetische) Frage, die durch das Verfahren beantwortet werden soll	Zu vergleichende statistische Kenngrößen (Verteilungsvoraussetzung)	Nullhypothese H_0	Testfunktion T	Testverteilung T/H_0	Entscheidungsregel zur Ablehnung von H_0 bei gegebenem α , z.B. $\alpha = 0,05$
Kann eine Stichprobe gemessen am arithmetischen Mittel aus einer bestimmten Grundgesamtheit stammen?	\bar{X} und μ_0 bei bekanntem σ ($X \sim N(\mu, \sigma^2)$)	$H_0: \mu = \mu_0$ ($H_0: \mu \leq \mu_0$ $H_0: \mu \geq \mu_0$)	$\frac{\bar{X} - \mu_0}{\sigma} \sqrt{n}$	$N(0, 1)$	$ t > z_{1-\alpha/2}$ ($t > z_{1-\alpha}$ $t < -z_{1-\alpha}$)
	\bar{X} und μ_0 bei unbekanntem σ ($n \leq 30: X \sim N(\mu, \sigma^2)$ $n > 30: X$ bel. vert.)	$H_0: \mu = \mu_0$ ($H_0: \mu \leq \mu_0$ $H_0: \mu \geq \mu_0$)	$\frac{\bar{X} - \mu_0}{S} \sqrt{n}$	$t(n-1)$ bei $n > 30$ $N(0, 1)$	$ t > t_{1-\alpha/2}$ $ t > z_{1-\alpha/2}$ ($t > t_{1-\alpha}, t > z_{1-\alpha}$ $t < -t_{1-\alpha}, t < -z_{1-\alpha}$)
Unterscheiden sich zwei Stichproben oder stammen sie aus derselben Grundgesamtheit? ($g=1,2$)	\bar{X}_1 und \bar{X}_2 mit $\sigma_1^2 = \sigma_2^2 =: \sigma^2$, aber unbekannt ($n_g \leq 30: X_g \sim N(\mu_g, \sigma_g^2)$ $n_g > 30: X_g$ bel. vert.)	$H_0: \mu_1 = \mu_2$ ($H_0: \mu_1 \leq \mu_2$ $H_0: \mu_1 \geq \mu_2$)	$\frac{\bar{X}_1 - \bar{X}_2}{\hat{\sigma} \sqrt{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}}}$ $\hat{\sigma}^2 = \frac{(n_1 - 1)S_1^2 + (n_2 - 1)S_2^2}{n_1 + n_2 - 2}$	$t(n_1 + n_2 - 2)$ bei $n_1, n_2 > 30$ $N(0, 1)$	$ t > t_{1-\alpha/2}$ $ t > z_{1-\alpha/2}$ ($t > t_{1-\alpha}, t > z_{1-\alpha}$ $t < -t_{1-\alpha}, t < -z_{1-\alpha}$)
Unterscheiden sich mindestens zwei Stichproben beim Vergleich von r Stichproben? ($g=1, \dots, r$)	$\bar{X}_1, \bar{X}_2, \dots, \bar{X}_r$ mit $\sigma_1^2 = \sigma_2^2 = \dots = \sigma_r^2$, aber unbekannt ($X_g \sim N(\mu_g, \sigma_g^2)$)	$H_0: \mu_1 = \mu_2 = \dots = \mu_r$	$\frac{\frac{S_{\text{ext}}^2}{r-1}}{\frac{S_{\text{int}}^2}{n-r}} = \frac{\sum_{g=1}^r n_g (\bar{X}_g - \bar{X})^2}{r-1} \cdot \frac{n-r}{\sum_{g=1}^r \sum_{i=1}^{n_g} (X_{gi} - \bar{X}_g)^2}$	$f(r-1, n-r)$ mit $n = \sum_{g=1}^r n_g$	$t > f_{1-\alpha}$
Kann eine Stichprobe gemessen an der Varianz aus einer beliebigen Grundgesamtheit stammen?	S^2 und σ_0^2 mit μ unbekannt ($X \sim N(\mu, \sigma^2)$)	$H_0: \sigma^2 = \sigma_0^2$	$\frac{(n-1)S^2}{\sigma_0^2}$	$\chi^2(n-1)$	$t > \chi_{1-\alpha}^2$
Unterscheiden sich zwei Stichproben bezüglich der Varianz?	S_1^2 und S_2^2 ($X_1 \sim N(\mu_1, \sigma_1^2)$ $X_2 \sim N(\mu_2, \sigma_2^2)$)	$H_0: \sigma_1^2 = \sigma_2^2$	$\frac{S_1^2}{S_2^2}$	$f(n_1 - 1, n_2 - 1)$	$t > f_{1-\alpha}$
Sind zwei Merkmale statistisch verbunden?	h_{ij} und h_{ij}^e in einer Kreuztabelle mit m Zeilen und k Spalten	$H_0: \pi_{ij} = \pi_{ij}^e$	$\sum_{i=1}^m \sum_{j=1}^k \frac{(h_{ij} - h_{ij}^e)^2}{h_{ij}^e}$	$\chi^2((m-1)(k-1))$	$t > \chi_{1-\alpha}^2$ (h_{ij}^e sollte größer als 5 sein)